

基于超表面全息的多焦点透镜

贾宇轩*, 范 琦, 王云飞 空军工程大学理学院, 西安 710051



摘要:设计了一种在远红外波段基于超表面全息的宽频带多焦点透镜。通过设计 8 个 C 型谐振环单元,当以线极化波 垂直入射到该组单元上时,其透射的交叉极化波产生 0 到 2π 范围的相位突变,同时透过率保持不变。利用全波仿真 验证了该组谐振单元对垂直入射线极化波的异常折射特性,并采用计算全息的方法获得了多焦点透镜上的相位分布, 根据相位分布对所设计的天线单元进行排列,得到了方形的超表面多焦点透镜。对该透镜进行仿真,结果显示在中心 频率 28 THz、焦距 108 μm 处有良好的多点聚焦效果。

关键词: 超表面; 全息图; 多焦点透镜; 相位突变 中图分类号: O437.4

文献标志码: A

Multi-focus lens based on metasurface holography

Yuxuan Jia*, Qi Fan and Yunfei Wang

College of Science, Air Force Engineering University, Xi'an 710051, China

Abstract: A broadband multi-focus lens based on metasurface holography in the far-infrared region is designed. By designing 8 C-shaped resonant rings, when linearly polarized light waves are incident normally to this set of resonators, cross-polarized component of transmitted light will form the phase shift from 0 to 2π , meanwhile the amplitude transmittance remains constant. Full-wave simulation was utilized to verify anomalous refraction properties when linearly polarized light waves irradiated this set of resonators vertically. The phase distribution of multi-focus lens was obtained by adopting the computer-generated hologram (CGH) method. According to arranged resonant rings based on the calculated phase distribution, a squared multi-focus lens based on metasurface was obtained. Simulation for the designed lens was conducted. Results show a good multi-focusing performance at the central frequency 28 THz in the focal length of 108 μ m.

Keywords: metasurface; hologram; multi-focus lens; phase shift DOI: 10.3969/j.issn.1003-501X.2017.07.002 Cita

Citation: Opto-Elec Eng, 2017, 44(7): 670-675

1 引 言

近年来,基于超表面的新型光学器件的设计吸引 了人们的广泛关注。相比传统光学元件,超表面对于 光波的调制更加灵活,因此被广泛应用于各种光电器 件的设计中。超表面是一种在介质表面对亚波长尺寸

收稿日期: 2017-05-09; 收到修改稿日期: 2017-06-23 *E-mail: forcu@foxmail.com 天线结构进行周期或非周期排列的人工表面,它不同 于传统光学元件,并非由光在介质中传输时通过光程 的累积来改变传输光波前的相位分布,而是利用所设 计亚波长单元结构对电磁波的异常响应特性,对不同 结构参数天线单元以一定规则排列,从而实现对电磁 波振幅和相位的灵活调制。Luo^[1]以及 Li^[2]等先后对超 表面的电磁调制机理做了详细阐述。2011 年,Yu 等^[3] 首次通过推导得到了广义 Snell 定理,依靠超表面单元 间不连续的相位梯度实现对光传输方向的控制,并利

DOI: 10.3969/j.issn.1003-501X.2017.07.002

用 V 型天线单元组成超表面,实现了一系列应用^[3-5]; Blanchard 等^[6]验证了 V 型超单元对光振幅和相位的调 制作用,并通过改变单元参数实现了对异常折射光相 位和振幅分别调制。继 V 型单元结构之后,学者们又 设计了其它形状的单元结构,不同形状的天线单元结 构参数不同,都能对光波进行灵活调制,因此实现了 许多有价值的应用,如旋光平板^[3,4]、四分之一波片^[7,8]、 表面等离激元耦合器件^[9,10]、高分辨率全息图成像 ^[11-13]、彩色全息技术^[14,15]、聚焦透镜^[16-24],以及利用连 续型位相进行超表面调控^[25,26]等。在目前超表面的实 际应用中,可见光红外波段超表面受到了广泛关注, 且 8 μm~12 μm 远红外波段的电磁波在生产生活中有 着重要应用,因此将超表面应用到这个波段有着重要 的意义。

多点聚焦透镜是重要的光学元件,应用广泛,但 传统方法制作的微小聚焦透镜工艺复杂,且通过微小 透镜阵列实现多点聚焦的制作工艺及组装要求高,误 差大,对元件的性能会产生明显影响^[27]; Fan 等曾分 别用介质-金属超表面160及全介质超表面177实现了可 见光波段高衍射效率、高精度的光束聚焦与成形,由 于具有较高的效率,可以设计成多点聚焦透镜。在红 外波段,传统透射材料相对昂贵,且透射率受材料限 制较大。利用超表面全息实现微小多焦点的聚焦功能, 比传统微透镜阵列制作更易加工,且聚焦效果好。在 透射型多点聚焦器件设计上, Wang 等^[18]利用透镜相 位分布公式计算出单个点光源在超表面上的相位分 布,并将多个单焦点透镜进行排列,用于实现多点聚 焦功能,但这种器件体积较大,设计复杂; Chen 等^[19] 将纳米棒天线排列成超表面在近红外波段实现多点聚 焦,但衍射效率较低,约为2%;He等^[20]利用Y-G算 法得到超表面上的相位分布,取得了良好的多点聚焦 效果。上述两种聚焦透镜[19,20]的设计都是基于相位恢 复^[28]的方式,通过在超表面和聚焦面上进行多次迭代 计算,得到多个点光源在超表面上相位分布的最优解, 但计算量大,有时易陷入局部最优。

本文设计了一种基于超表面全息原理的宽带多焦 点透镜,应用的中心频率在28 THz(波长 10.71 µm), 在超表面上得到多个点光源的干涉相位全息图,并用 C型天线单元对全息图进行编码,在入射波激励下实 现透射的多点聚焦。利用计算全息的方法进行多焦点 聚焦的超表面相位分布设计,计算量小,且与多焦点 分布较复杂的情况相比,迭代的方法更有优势,该器 件在 27.6 THz~28.5 THz 的宽带频率范围内表现出良好的聚焦特性。

2 基本原理

2.1 C型天线单元设计

为实现超表面上天线单元对入射光的灵活调制, 需要设计一组合适的天线单元。目前超表面上所采用 的亚波长尺寸的金属天线单元,都是基于电磁波在金 属天线中产生的谐振效应对光波进行调制,不同形状 的天线单元工作形式不同,但基本原理都是一样的。 对于线极化入射波来说,利用天线单元的极化转换作 用可以调制交叉极化波波前,而对同极化波没有调制 作用。根据需要对天线单元组合可得到由交叉极化波 构成的想要的波前, V 型^[3]、C 型^[29]天线单元都可以 对线极化波进行有效调制。由于 C 型单元形状参数更 容易控制,而天线单元参数的改变可以引起交叉极化 波的波前变化^[3,29]。以下设计以 8 个 C 型单元作为一 组超单元,在线极化波入射时可以使透射的交叉极化 波产生最大为 2π 的相位跳变。如图 1 所示, C 型天线 单元材料为金属铝(电导率 3.56×107 S·m⁻¹), 厚度 0.1 μm, 被镀在厚 10 μm 的硅(介电常数 11.9)基板上, a 为圆环张角的一半,圆环张角对称轴与 x轴夹角 β 为 45°, r为圆环内径, w为环带宽度, P是每个天线单 元的周期。



函T C 型平九示息图. Fig. 1 Schematic of C-shaped resonant unit.

根据在设定的中心频率 28 THz 处结合开口环谐 振公式,大致确定 C 型单元等效半径在 0.8 μm,设置 w=0.1 μm, P=2 μm,将图 1 所示的单个 C 型单元利用 CST 进行参数扫描,主要通过对圆环张角 2a 和内径 r 的扫描,寻找使线极化波入射到单元上之后在透射区 域某一固定位置的交叉极化波出现以 π/4 为相位梯度

OEE | Advances

的四个 C 型单元结构,这样具有四个不同参数的单元 结构在设计频率 28 THz 处即可使交叉极化波的波前 相位产生 0 到 π 范围内的突变,这四个单元对交叉极 化波透射振幅的影响使 β 为 45°,保证交叉极化波的 振幅透过率最大^[30],且所选单元振幅透过率最大偏差 不超过百分之一。最终确定 C 型单元结构参数为 *r* =0.77 μm,0.70 μm,0.70 μm,0.78 μm,2*a*=30°,58°, 92°,158°。将四个单元分别以圆心顺时针旋转90°即 可在原来相位突变值基础上分别增加 π,即 8 个单元, 以实现透射波相位在 0 到 2π 范围的调制,相邻单元间 调制的相位梯度为 π/4,如图 2 所示。



图 2 一组 C 型单元及其在设定频率 28 THz 处透射交 叉极化波振幅和相位突变。

Fig. 2 A group of C-unit and its amplitudes and phase shift of cross-polarized at 28 THz.

利用 CST 进行单元仿真时, *x*和 *y*方向上的边界 条件均设为周期边界, *z*方向为 open 边界, 入射波为 电场在 *x*方向极化的平面波, 方向沿 *z*轴正向垂直入 射。

2.2 天线单元组的异常折射特性

如图 2 所示的 8 个单元,当用线极化波对其垂直 入射时,由于透射的交叉极化波前可以产生最大 2π 的相位突变,理论上会出现异常折射现象。将图 2 中 8 个单元作为一个单元组,*x* 和 *y*方向分别以 *x*_p=16 μm 和 *y*_p=2 μm 为周期,利用 CST 的时域有限差分法 (FDTD)进行仿真,参数设置和单个单元仿真设置相 同,在出射区域监视 *y* 极化方向的电场分布,和三个 频点(27.6 THz, 28 THz, 28.5 THz)处的异常折射现象。

如图 3 所示,在 xoz 平面上,电场方向 x 极化的 平面波传输经过天线单元组后,三个频点处的 y 极化 电场传输方向发生了异常偏折,且在不同频点处 y 极 化波的异常折射角不同。广义 Snell 定理的异常折射计 算式如下:

$$\sin(\theta_{\rm t})n_{\rm t} - \sin(\theta_{\rm i})n_{\rm i} = \frac{\lambda_0}{2\pi} \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}x},\qquad(1)$$

式中: θ_i和θ_i分别为入射角和异常折射角, n_i和n_t为 硅基板(n_{si})和空气折射率(n=1),入射波为垂直入射。 因此 θ为 0时,图 2可以看出单元组前一个单元交叉 极化波的相位突变较后一个单元的突变量有 π/4 的延 迟,因此单元组的相位梯度 dφ/x_p<0,将-2π/16 µm 代 入式(1)中,以设计频率 28 THz 为例,其波长约为 10.71 µm,可以计算得到 y极化波的异常折射角 θ为 42.04°, 实际仿真值为 42.53°,理论与仿真结果基本一致。同 时对 27.6 THz 和 28.5 THz 两个频率点处异常折射角也 进行了计算,理论值和仿真值分别为 42.79°、41.14° 和 42.92°、41.67°。可以看出随着入射波频率值的增大, 波长减小,对于同一个单元组来说,交叉极化波的异 常折射角 θ,也在变小。同时我们注意到,入射的 x极



图 3 仿真得到的单元组在 27.6 THz, 28 THz, 28.5 THz 处的 y 极化电场分布. Fig. 3 Simulated y-polarized electric field distributions of unit group at 27.6 THz, 28 THz, 28.5 THz, respectively.

DOI: 10.3969/j.issn.1003-501X.2017.07.002

化平面波从介质 Silicon 上垂直入射后,在介质中传播 方向发生了偏折,这是由于在图 3 中我们观察的是 *y* 极化的电场分布,入射平面波传输经过介质后被 8 个 C型单元调制,交叉极化波分量发生了异常反射。

3 多焦点透镜设计

这里设计的多焦点透镜的功能实现是基于全息原 理,对预设聚焦面上的四个点光源在一定衍射距离的 超表面平面上进行复振幅叠加,提取相位分布形成相 位全息图,通过再现点光源实现聚焦。设超表面所在 平面为 x_iy_i面,聚焦面为 xy平面,首先利用 Matlab 在 预设聚焦面设置四个点源,均匀分布在面上的四个象 限,入射平面波频率取设定的中心频率 28 THz(波长 10.71 µm),令 xy面上四个点光源坐标为 P₁(x₀, y₀)=(18, 18), $P_2(x_{02}, y_{02}) = (-18, 18)$, $P_3(x_{03}, y_{03}) = (-18, -18)$, $P_4(x_{04}, y_{03}) = ($ y₀₄)=(18, -18), 单位为微米(µm), x_iy_i面和 xy 面间的衍 射距离,也就是焦距,设为120 μm。设定 x_iy_i面大小 为 120 µm×120 µm 并对平面离散化,每个像素单元大 小 2 µm×2 µm, 是一个 C 型天线单元的尺寸, 以上 xy 面和 x,v,面上参数的设置满足采样定理。xv 平面上的 四个点源按照惠更斯-菲涅尔原理在 xyi面上进行复振 幅叠加,其相位分布如图 4(a)所示,像素采样点数取 为60×60个。

为验证 *x,y*; 面所获得相位分布的正确性,利用 Matlab 对计算得到的相位分布进行平面波入射的衍射 仿真,以期得到 *xy* 面上的四个聚焦点。为提高衍射聚 焦精度,采用基于角谱理论进行衍射计算,得到的 *xy* 面大小及离散像素单元参数都与 *x,y*; 面的相同。衍射

OEE | Advances

得到的聚焦点分布见图 4(c),各聚焦点中心位置和最 初 xy面上设置的点源中心基本吻合,验证了 x_iy_i面上 相位分布的正确性。对图 4(a)所示相位分布选择合适 的天线单元进行排列,其中心区域的单元排列情况如 图 4(b)。最终在 CST Microwave Studio 中排列的结构 是由 60×60 个 C型天线单元镶嵌在厚度为 10 μm 的硅 基板上构成的,总体尺寸为 120 μm×120 μm×10 μm。

利用 CST 对结构进行仿真, x, y, z 方向上边界 条件均为 open (and space), 入射波为电场沿 x方向极 化的平面波,在透射波区域监视沿 v方向极化的电场。 对三个频点进行观察,仿真结果如图 5。图 5(a)、5(b)、 5(c)分别为在三个频点处焦平面上的多点聚焦情况, 5(d)、5(e)、5(f)显示的是 y极化方向的电场振幅大小, 在设定的中心频率 28 THz(波长 10.71 um)处,观察 xoz 平面,电场振幅最大时焦距为 108 μm,在 27.6 THz 和 28.5 THz 处焦距分别为 105 μm 和 112 μm, 黑线处 为焦平面所在位置。同时注意到,在图 5(a)、5(b)、5(c) 中聚焦点之间仍存在电场能量较小的聚焦点,在图 5(d)、5(e)、5(f)中可以看出这几个小的聚焦点是中间 部分狭长的聚焦光束的截面。这条狭长的聚焦光束是 由于超表面上叠加的复振幅在形成各个聚焦点时,相 邻两个聚焦点的光波前产生干涉导致的。在焦平面中 心没有出现小的聚焦点是因为在焦平面中心这个位置 形成了稳定的电场,强度为零。

该结构在 27.6 THz 到 28.5 THz 范围内表现出良好 的聚焦特性,随着入射波频率增加,焦距也在增加, 聚焦点的形状在变小,聚焦效果也在提升,这可应用 到一定可调焦距范围的聚焦场合。



图 4 多焦点透镜的设计. (a) 在 28 THz 处用复振幅叠加方法得到的超表面上量化后的相位分布. (b) 图(a)中心 区域单元结构排列情况. (c) 用 Matlab 对图(a)进行衍射计算得到的电场分布.

Fig. 4 Design of multi-focus lens. (a) Quantized phase distribution in metasurface at 28 THz calculated by complex amplitude superposition. (b) Central part of the C-shaped units arrangement in (a). (c) The electric field intensity distribution simulated by Matlab diffraction calculation to (a).

OEE | Advances



图 5 仿真得到的不同频率处的电场强度分布. (a)~(c) 27.6 THz, 28 THz, 28.5 THz 各频点处焦平面上 y 极化电场 强度分布. (d)~(f) 27.6 THz, 28 THz, 28.5 THz 各频点处 yoz 截面上 y 极化电场强度分布, 入射波为 x 极化平面波. Fig. 5 Simulated results of the electric field Intensity distribution at different frequencies. (a)~(c) Electric field Intensity distributions of y-polarized in focal planes at 27.6 THz, 28 THz, 28.5 THz, respectively. (d)~(f) Electric field Intensity distributions of y-polarized in the yoz section at 27.6 THz, 28 THz, 28.5 THz, respectively, at x-polarized normal incidence.

4 分析与讨论

在设计该多焦点透镜时,考虑了超表面大小以及 采样定理等因素后,确定焦距为120μm,并按照该距 离计算得到了四个点光源在超表面透镜所在平面上的 相位分布,由于所设计超表面透镜大小有限,只对超 表面平面上全息图中心区域为 60×60 个离散化像素值 进行了单元排列,丢失了边缘部分的相位信息,因此 对该结构进行仿真时得到的是聚焦光斑。与此同时, 在设定频率 28 THz 处的焦距设为 120 μm, 在图 5 的 仿真结果中得到 28 THz 处的焦点位置在 108 μm, 这 是用C型单元进行全息图量化排列时产生的量化误差 引起的。同时,在对设计的透镜进行整体仿真时,其 边界条件的设置和在对单个C型单元进行仿真时边界 条件设置不同会引入误差,导致提前聚焦,在文献[18] 中也出现了这种情况。根据二元光学,进行非连续的 相位调制时,可调节的相位梯度越小,器件工作效果 越好。因此可以看出,制作的超表面透镜面积越大, 超表面离散化网格划分越细,相邻C型单元间可调节

的相位梯度越小,聚焦效果越好。

5 结 论

本文依据广义 Snell 定理,在中心频率 28 THz(波 长 10.71 μm)处设计了一组 C型开口环,可以对入射线 极化波进行极化转换,使振幅透过率为常数并对其交 叉极化波相位在 2π 范围进行调制。

1) 设计了由 C 型开口环构成并基于超表面全息 原理的多焦点透镜, CST 仿真结果表明该透镜在所设 定中心频率 28 THz(波长 10.71 μm)、焦距为 108 μm 处 取得良好的多点聚焦效果,并有 45 %的振幅透过率, 同时其在 27.6 THz 到 28.5 THz 频率范围内还表现出宽 带特性,随着入射波频率增大,焦距也在增加,聚焦 点形状变小,聚焦效果得到提升。

2) 利用 CST 对设计的结构进行仿真得到的聚焦 结果与用 Matlab 对 *x_iy*;面上的相息图进行角谱衍射得 到的多焦点参数基本吻合,验证了该结构设计的合理 性。

3) 该超表面聚焦透镜在设计上不同于其它方法,

DOI: 10.3969/j.issn.1003-501X.2017.07.002

不是采用相位恢复的方法获得超表面上的相位分布 ^[20],而是直接利用多个点光源在超表面上干涉得到全 息图并提取相位。这种方法计算量小,对于聚焦面上 需要复杂聚焦光强分布的情况优势比较明显;在多点 聚焦实现方式上,区别于利用多个超表面单点聚焦透 镜进行空间排布实现多点聚焦^[18],而是在一个超表面 上记录多个点光源干涉的相位信息,利用全息图再现 方法实现多点聚焦。

4) 在 C 型天线单元的选择上选用了 8 个,若选择用 16 个单元或更多则可以对光波前有更精确的调制; 超表面透镜的 C 型单元为 60×60 个,若单元能够更多,则超表面上包含的相位信息越丰富,则得到的聚焦点直径会更小,聚焦效果会更好。

参考文献

- Luo Xiangang. Principles of electromagnetic waves in metasurfaces[J]. Science China Physics, Mechanics & Astronomy, 2015, 58(9): 594201.
- 2 Li Xiong, Ma Xiaoliang, Luo Xiangang. Principles and applications of metasurfaces with phase modulation[J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2017, 44(3): 255–275.
 - 李雄,马晓亮,罗先刚. 超表面相位调控原理及应用[J]. 光电工程, 2017, **44**(3): 255-275.
- 3 Yu Nanfang, Genevet P, Kats M A, *et al.* Light propagation with phase discontinuities: generalized laws of reflection and refraction[J]. *Science*, 2011, **334**(6054): 333–337.
- 4 Genevet P, Yu Nanfang, Aieta F, et al. Ultra-thin plasmonic optical vortex plate based on phase discontinuities[J]. Applied Physics Letters, 2012, 100(1): 013101.
- 5 Aieta F, Genevet P, Kats M A, *et al.* Aberration-free ultrathin flat lenses and axicons at telecom wavelengths based on plasmonic metasurfaces[J]. *Nano letters*, 2012, **12**(9): 4932–4936.
- 6 Blanchard R, Aoust G, Genevet P, et al. Modeling nanoscale V-shaped antennas for the design of optical phased arrays[J]. *Physical Review B*, 2012, **85**(15): 155457.
- 7 Cong Longqing, Xu Ningning, Gu Jianqiang, *et al.* Highly flexible broadband terahertz metamaterial quarter - wave plate[J]. *Laser* & *Photonics Review*, 2014, 8(4): 626–632.
- 8 Yu Nanfang, Aieta F, Genevet P, et al. A broadband, background-free quarter-wave plate based on plasmonic metasurfaces[J]. Nano Letters, 2012, 12(12): 6328–6333.
- 9 Lin Jiao, Mueller J P B, Wang Qian, et al. Polarization-controlled tunable directional coupling of surface plasmon polaritons[J]. *Science*, 2013, **340**(6130): 331–334.
- 10 Huang Lingling, Chen Xianzhong, Bai Benfeng, *et al.* Helicity dependent directional surface plasmon polariton excitation using a metasurface with interfacial phase discontinuity[J]. *Light Science & Applications*, 2013, **2**(3): e70.
- Ni Xingjie, Kildishev A V, Shalaev V M, et al. Metasurface holograms for visible light[J]. Nature Communications, 2013, 4: 2807.
- 12 Huang Lingling, Chen Xianzhong, Mühlenbernd H, et al. Three-dimensional optical holography using a plasmonic

metasurface[J]. Nature Communications, 2013, 4: 2808.

- 13 Wang Qiu, Zhang Xueqian, Xu Yuehong, et al. Broadband metasurface holograms: toward complete phase and amplitude engineering[J]. Scientific Reports, 2016, 6: 32867.
- 14 Montelongo Y, Tenorio-Pearl J O, Williams C, et al. Plasmonic nanoparticle scattering for color holograms[J]. Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America, 2014, 111(35): 12679–12683.
- 15 Li Xiong, Chen Lianwei, Li Yang, et al. Multicolor 3D meta-holography by broadband plasmonic modulation[J]. Science Advances, 2016, 2(11): e1601102.
- 16 Fan Qingbin, Huo Pengcheng, Wang Daopeng, et al. Visible light focusing flat lenses based on hybrid dielectric-metal metasurface reflector-arrays[J]. Scientific Reports, 2017, 7: 45044.
- 17 Fan Qingbin, Wang Daopeng, Huo Pengcheng, *et al.* Autofocusing airy beams generated by all-dielectric metasurface for visible light[J]. *Optics Express*, 2017, **25**(8): 9285–9294.
- 18 Wang Qiu, Zhang Xueqian, Xu Yuehong, et al. A broadband metasurface - based terahertz flat - lens array[J]. Advanced Optical Materials, 2015, 3(6): 779–785.
- 19 Chen Xianzhong, Zhang Yan, Huang Lingling, *et al.* Ultrathin metasurface laser beam shaper[J]. *Advanced Optical Materials*, 2014, **2**(10): 978–982.
- 20 He Jingwen, Ye Jiasheng, Wang Xinke, *et al.* A broadband terahertz ultrathin multi-focus lens[J]. *Scientific Reports*, 2016, 6: 28800.
- 21 Li Xin, Xiao Shiyi, Cai Bengeng, *et al.* Flat metasurfaces to focus electromagnetic waves in reflection geometry[J]. *Optics Letters*, 2012, **37**(23): 4940–4942.
- 22 Hu Dan, Wang Xinke, Feng Shengfei, *et al.* Ultrathin terahertz planar elements[J]. *Advanced Optical Materials*, 2013, 1(2): 186–191.
- 23 Jiang Xiaoyan, Ye Jiasheng, He Jingwen, *et al.* An ultrathin terahertz lens with axial long focal depth based on metasurfaces[J]. *Optics Express*, 2013, **21**(24): 30030–30038.
- 24 Aieta F, Genevet P, Kats M A, et al. Aberration-free ultrathin flat lenses and axicons at telecom wavelengths based on plasmonic metasurfaces[J]. Nano Letters, 2012, **12**(9): 4932–4936.
- 25 Pu Mingbo, Li Xiong, Ma Xiaoliang, et al. Catenary optics for achromatic generation of perfect optical angular momentum[J]. Science Advances, 2015, 1(9): e1500396.
- Li Xiong, Pu Mingbo, Zhao Zeyu, *et al.* Catenary nanostructures as compact Bessel beam generators[J]. *Scientific Reports*, 2016, 6: 20524.
- 27 Liu Desen. Micro optics and lens array[M]. Beijing: Science Press, 2013: 5–6.

刘德森. 微小光学与微透镜阵列[M]. 北京: 科学出版社, 2013: 5-6.

- 28 Gu Benyuan, Yang Guozhen, Dong Bizhen, et al. General theory for performing an optical transform[J]. Applied Optics, 1986, 25(18): 3197–3206.
- 29 Zhang Xueqian, Tian Zhen, Yue Weisheng, et al. Broadband terahertz wave deflection based on C - shape complex metamaterials with phase discontinuities[J]. Advanced Materials, 2013, 25(33): 4567–4572.
- 30 Liu Lixiang, Zhang Xueqian, Kenney M, et al. Broadband metasurfaces with simultaneous control of phase and amplitude[J]. Advanced Materials, 2014, 26(29): 5031–5036.

OEE | Advances